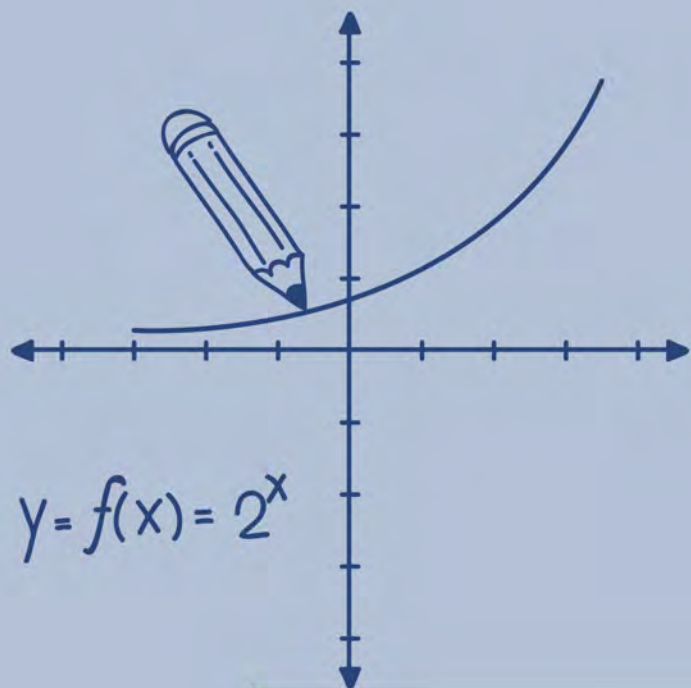
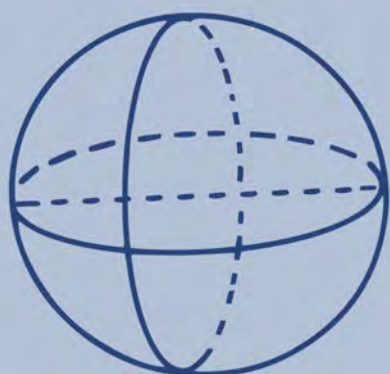




$$\sin^2 y + \cos^2 y = 1$$

الكورس
الأول

الصف
الحادي عشر
علمي



الرياضيات



مجال الدالة

$$f_2(x) = x^3 - 4x^2 - 4 + \sqrt{x-9}$$

أوجد مجال الدالة:

س ٣

$$f(x) \text{ مجال} = h(x) \text{ مجال}$$

∩

$$g(x) \text{ مجال}$$

$$h(x) = x^3 - 4x^2 - 4$$

$$g(x) = \sqrt{x-9}$$

$$h(x) \text{ مجال} = \mathbb{R}$$

$$x-9 \geq 0$$

لأن $h(x)$ كثيرة حدود

$$x \geq 9$$

$$g(x) \text{ مجال} = [9, \infty)$$

$$f(x) \text{ مجال} = \mathbb{R} \cap [9, \infty)$$

$$= [9, \infty)$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x^2-2} (\sqrt{2x-6}) \quad \text{حدد مجال الدالة الآتية:}$$

س ٤

$$f(x) \text{ مجال} = h(x) \text{ مجال}$$

∩

$$g(x) \text{ مجال}$$

$$h(x) = \sqrt[3]{x^2-2}$$

$$g(x) = \sqrt{2x-6}$$

$$m(x) = x^2 - 2$$

$$2x-6 \geq 0$$

$$h(x) \text{ مجال} = m(x) \text{ مجال} = \mathbb{R}$$

$$2x \geq 6$$

لأن $m(x) = x^2 - 2$ كثيرة حدود

$$x \geq 3$$

$$g(x) \text{ مجال} = [3, \infty)$$

$$f(x) \text{ مجال} = \mathbb{R} \cap [3, \infty)$$

$$= [3, \infty)$$



مجال الدالة

س ٧

$$g(x) = \frac{x^2+1}{\sqrt{2-x}}$$

حدد مجال الدالة الآتية:

مجال المقام / مجال البسط = مجال $g(x)$ {أصفار المقام}

$$f(x) = x^2 + 1$$

$$h(x) = \sqrt{2-x}$$

$$h(x) = 0$$

$$f(x) \text{ مجال} = \mathbb{R}$$

$$2-x \geq 0$$

$$\sqrt{2-x} = 0$$

لأن $f(x)$ حدودية

$$-1 \times (-x \geq -2)$$

$$2-x = 0$$

$$x \leq 2$$

$$-x = -2$$

$$h(x) \text{ مجال} = (-\infty, 2]$$

$$x = 2$$

$$g(x) \text{ مجال} = \mathbb{R} \cap (-\infty, 2] / \{2\}$$

$$g(x) \text{ مجال} = (-\infty, 2)$$

$$h(x) = \frac{\sqrt[3]{x-2}}{x^2-4}$$

حدد مجال الدالة الآتية:

س ٨

مجال المقام / مجال البسط = مجال $h(x)$ {أصفار المقام}

$$g(x) = \sqrt[3]{x-2}$$

$$f(x) = x^2 - 4$$

$$f(x) = 0$$

$$m(x) = x - 2$$

$$f(x) \text{ مجال} = \mathbb{R}$$

$$x^2 - 4 = 0$$

$$g(x) \text{ مجال} = m(x) \text{ مجال}$$

لأن $f(x)$ حدودية

$$(x-2)(x+2) = 0$$

$$g(x) \text{ مجال} = \mathbb{R}$$

$$x-2=0 \rightarrow x=2$$

لأن $m(x)$ حدودية

$$x+2=0 \rightarrow x=-2$$

$$h(x) \text{ مجال} = \mathbb{R} \cap \mathbb{R} / \{-2, 2\}$$

$$h(x) \text{ مجال} = \mathbb{R} / \{-2, 2\}$$



المعكوسات ودوال الجذر التربيعي

س ع

أوجد معكوس الدالة : $f(x) = (x+3)^2 - 4$ وناقش الحلول.

$$y = (x+3)^2 - 4$$

نبدل كل x بـ y و y بـ x ونفصل y

$$x = (y+3)^2 - 4$$

$$x+4 = (y+3)^2$$

$$\sqrt{x+4} = \sqrt{(y+3)^2}$$

$$\pm\sqrt{x+4} = y+3$$

$$y+3 = \pm\sqrt{x+4}$$

$$y = \pm\sqrt{x+4} - 3$$

معكوس الدالة $y = (x+3)^2 - 4$ هو $y = \pm\sqrt{x+4} - 3$ لا يمثل دالة

المناقشة

عندما $x \leq -3$

معكوس الدالة $f(x) = (x+3)^2 - 4$

$$y = \sqrt{x+4} - 3$$

تمثل دالة

عندما $x \geq -3$

معكوس الدالة $f(x) = (x+3)^2 - 4$

$$y = \sqrt{x+4} - 3$$

تمثل دالة



الدوال اللوغاريتمية وتمثيلها بيانياً

س ١

أوجد مجال تعريف كل من الدوال التالية:

a) $y = 2 + \log_5(x - 2)$ b) $f(x) = \log_4(x^2 + 1)$ c) $g(x) = \log_7(1 - x)$

a) $y = 2 + \log_5(x - 2)$

$g(x) = 2$

$g(x)$ مجال = $\mathbb{R}$

لأن $g(x)$ حدودية

$h(x) = \log_5(x - 2)$

$x - 2 > 0$

$x > 2$

$h(x)$ مجال $(2, \infty)$

y مجال = $g(x)$ مجال $\cap$ $h(x)$ مجال

$= \mathbb{R} \cap (2, \infty)$

$= (2, \infty)$

b) $f(x) = \log_4(x^2 + 1)$

$x^2 + 1 > 0$

محققة دوماً

$f(x)$ مجال = $\mathbb{R}$

$g(x) = \log_7(1 - x)$

$1 - x > 0$

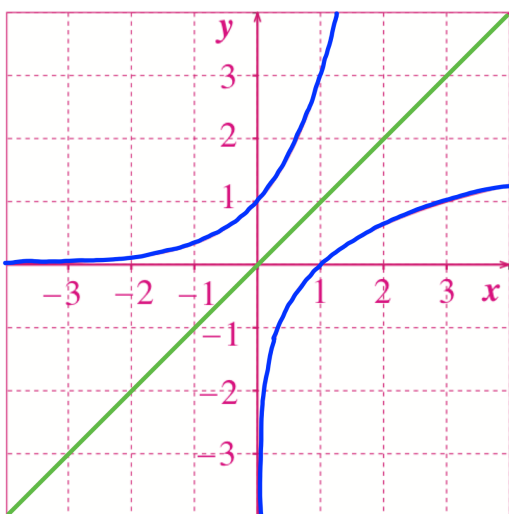
$-x > -1$

$x < 1$

$g(x)$ مجال $(-\infty, 1)$

استخدم خواص الانعكاس لرسم بيان الدالة: $y = \log_3 x$ ومعكوسها.

س ٢



- معكوس الدالة $y = \log_3 x$ هو الدالة $y = 3^x$

- نرسم بيان الدالة $y = 3^x$

x	-2	-1	1	3	9
y	-2	-1	0	1	2

- نرسم المستقيم $y = x$

- لرسم بيان الدالة $y = \log_3 x$

نعكس إحداثيات نقاط الجدول السابق



$$5 + \ln\left(\frac{x+2}{3}\right) = 7$$

$$\ln\left(\frac{x+2}{3}\right) = 7 - 5$$

$$\ln\left(\frac{x+2}{3}\right) = 2$$

$$\frac{x+2}{3} = e^2$$

$$x+2 = 3e^2$$

$$x = 3e^2 - 2$$

$$x \approx 20.2 \in (-2, \infty) \text{ مقبول}$$

$$\{3e^2 - 2\} = \text{ح.م}$$

شرط الحل

$$\frac{x+2}{3} > 0$$

$$x+2 > 0$$

$$x > -2$$

$$x \in (-2, \infty)$$



الملغي من مذكرة تمكن



الملغي	الصفحة
س13+س14	9
س11+س12	10
س2+س3+س11	14
س10	30
س4	36
س8	38
س6+س10+س12+س13	45
س9+س10	48
س2	50
س7+س8+س9+س10+س11	51
س5	53
س6+س8+س9+س11+س12	55
س5+س9+س10+س11	66
س7	69
س3	71
س12	72



س9+س11	75
س13	77
س 10	93
س12	94
س1+س2	96
س4	99
س8+س9	106
س10+س11+س12	107
س1+س5	109
س3	111
س1	114
س7	115
س1	116
كامل الصفحة	117
س5	120
س2	123